

POLITECHNIKA KRAKOWSKA IM. TADEUSZA KOŚCIUSZKI

KARTA PRZEDMIOTU

obowiązuje studentów rozpoczynających studia w roku akademickim 2019/2020

Wydział Informatyki i Telekomunikacji

Kierunek studiów: Matematyka

Profil: Ogólnoakademicki

Forma studiów: stacjonarne

Kod kierunku: M

Stopień studiów: II

Specjalności: Matematyka w finansach i ekonomii

1 INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

NAZWA PRZEDMIOTU	Analiza zespolona
NAZWA PRZEDMIOTU W JĘZYKU ANGIELSKIM	Complex analysis
KOD PRZEDMIOTU	WiT M oIIS B2 19/20
KATEGORIA PRZEDMIOTU	Przedmioty podstawowe
LICZBA PUNKTÓW ECTS	7.00
SEMESTRY	3

2 RODZAJ ZAJĘĆ, LICZBA GODZIN W PLANIE STUDIÓW

SEMESTR	WYKŁAD	ĆWICZENIA	LABORATORIUM	LABORATORIUM KOMPUTERO- WE	SEMINARIUM	PROJEKT
3	30	30	0	0	0	0

3 CELE PRZEDMIOTU

Cel 1 Zaznajomienie studentów w teorii i praktyce z podstawami analizy zespolonej jednej zmiennej, w szczególności z teorią funkcji holomorficznych, meromorficznych i harmonicznych i ich podstawowymi własnościami.

4 WYMAGANIA WSTĘPNE W ZAKRESIE WIEDZY, UMIEJĘTNOŚCI I INNYCH KOMPETENCJI

- 1 Analiza matematyczna.
- 2 Teoria mnogości.
- 3 Topologia.
- 4 Algebra.

5 EFEKTY KSZTAŁCENIA

- EK1 Wiedza** Zna i rozumie podstawowe w analizie zespolonej jednej zmiennej definicje oraz twierdzenia i ich dowody.
- EK2 Wiedza** Zna zastosowania wybranych twierdzeń i metod z analizy zespolonej w innych dziedzinach matematyki.
- EK3 Umiejętności** Umie wskazać przykłady definiowanych obiektów, potrafi uzasadnić konieczność pewnych założeń w twierdzeniach przez dobór kontrprzykładów.
- EK4 Umiejętności** Umie zastosować poznaną teorię przy rozwiązywaniu zadań o różnym poziomie trudności.
- EK5 Umiejętności** Potrafi samodzielnie przeprowadzić dowód prostych twierdzeń w oparciu o poznaną teorię.
- EK6 Kompetencje społeczne** Rozpoznaje ograniczenia własnej wiedzy i precyzyjnie formułuje pytania dotyczące danego tematu.
- EK7 Kompetencje społeczne** Potrafi pracować systematycznie, szanuje cudzą własność intelektualną i postępuje etycznie.

6 TREŚCI PROGRAMOWE

ĆWICZENIA		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
C1	Własności liczb zespolonych. Rozwiązywanie równań, nierówności. Obliczanie granic ciągów liczbowych, badanie zbieżności szeregów.	4
C2	Badanie własności podstawowych funkcji zespolonych: $\exp$, $\sin$, $\cos$, $\sinh$, $\cosh$, Arg , Log .	2
C3	Badanie różniczkowalności funkcji zespolonych. Wykorzystanie równań Cauchy'ego - Riemanna w zadaniach teoretycznych.	2
C4	Obliczanie całek z funkcji zespolonych z definicji i z wykorzystaniem funkcji pierwotnej. Zastosowanie wzoru całkowego Cauchy'ego do obliczania pewnych typów całek.	2
C5	Obliczanie supremum i infimum funkcji zmiennej zespolonej na danym obszarze. Wykorzystanie zasady maksimum, zasady identyczności i innych własności funkcji holomorficzych w zadaniach teoretycznych.	4

ĆWICZENIA		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
C6	Badanie zbieżności szeregów potęgowych. Wyznaczanie promienia zbieżności. Rozwijanie funkcji w szereg Taylora - metody.	2
C7	Badanie osobliwości izolowanych funkcji holomorficzych.	2
C8	Rozwijanie funkcji w szereg Laurenta na pierścieniach. Określanie typu osobliwości izolowanej na podstawie postaci szeregu Laurenta w odpowiednim pierścieniu. Obliczanie residuum.	2
C9	Zastosowanie twierdzenia o residuach do obliczania całek z funkcji zespolonych.	2
C10	Zastosowania twierdzenia o residuach do obliczania pewnych typów całek z funkcji rzeczywistych.	2
C11	Obliczanie pewnych całek zespolonych z wykorzystaniem zasady argumentu. Obliczanie liczby pierwiastków wielomianu leżących w zadanym obszarze.	2
C12	Konstruowanie automorfizmów o zadanych własnościach. Wykorzystanie lematu Schwarz'a i lematu Schwarz'a-Picka w zadaniach teoretycznych.	2
C13	Funkcje harmoniczne. Konstruowanie przykładów i badanie własności.	2

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
W1	Liczby zespolone. Podstawowe funkcje zespolone. Ciągi i szeregi liczbowe.	2
W2	Różniczkowalność funkcji zespolonych. Podstawowe własności funkcji holomorficzych.	2
W3	Całkowanie funkcji zespolonych. Twierdzenie całkowite Cauchy'ego. Wzór całkowy Cauchy'ego.	6
W4	Szeregi potęgowe. Szeregi Taylora funkcji holomorficzych.	2
W5	Dalsze własności funkcji holomorficzych. Zasada maksimum. Zasada identyczności. Twierdzenie Morery. Twierdzenie Liouville'a. Twierdzenie Weierstrassa.	6
W6	Osobliwości funkcji holomorficzych. Szeregi Laurenta.	2
W7	Twierdzenie o residuach. Zastosowanie do obliczania całek rzeczywistych.	4
W8	Funkcje meromorficzne. Lokalizacja zer funkcji holomorficzych. Twierdzenie Rouché'go.	2
W9	Funkcje harmoniczne. Wzór Poissona.	2

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
W10	Odwzorowania konforemne. Automorfizmy. Lemat Schwarza.	2

7 NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE

N1 Wykłady

N2 Zadania tablicowe

N3 Konsultacje

N4 E-kurs

8 OBCIĄŻENIE PRACĄ STUDENTA

FORMA AKTYWNOŚCI	ŚREDNIA LICZBA GODZIN NA ZREALIZOWANIE AKTYWNOŚCI
Godziny kontaktowe z nauczycielem akademickim, w tym:	
Godziny wynikające z planu studiów	60
Konsultacje przedmiotowe	35
Egzaminy i zaliczenia w sesji	10
Godziny bez udziału nauczyciela akademickiego wynikające z nakładu pracy studenta, w tym:	
Przygotowanie się do zajęć, w tym studiowanie zalecanej literatury	50
Opracowanie wyników	0
Przygotowanie raportu, projektu, prezentacji, dyskusji	0
Studiowanie materiałów i rozwiązywanie zadań z e-kursu	55
SUMARYCZNA LICZBA GODZIN DLA PRZEDMIOTU WYNIKAJĄCA Z CAŁEGO NAKŁADU PRACY STUDENTA	210
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS DLA PRZEDMIOTU	7.00

9 SPOSOBY OCENY

OCENA FORMUJĄCA

F1 Kolokwium

F2 Aktywność

OCENA PODSUMOWUJĄCA**P1** Egzamin ustny**P2** Egzamin pisemny**P3** Zaliczenie z ćwiczeń**WARUNKI ZALICZENIA PRZEDMIOTU****W1** Warunkiem otrzymania pozytywnej oceny z ćwiczeń jest zdobycie minimum 50% punktów możliwych do zdobycia ze wszystkich kolokwii łącznie.**W2** Do egzaminu mogą przystąpić wyłącznie osoby mające pozytywną ocenę z ćwiczeń.**W3** Warunkiem uzyskania oceny pozytywnej z egzaminu pisemnego jest zdobycie co najmniej 50% punktów możliwych do uzyskania.**W4** Do egzaminu ustnego mogą przystąpić wyłącznie studenci, którzy otrzymali pozytywną ocenę z egzaminu pisemnego.**W5** Ocena końcowa z przedmiotu jest średnią ważoną ocen podsumowujących pod warunkiem, że wszystkie te oceny są pozytywne.**OCENA AKTYWNOŚCI BEZ UDZIAŁU NAUCZYCIELA****B1** Ocena aktywności przy rozwiązywaniu zadań udostępnionych na e-kursie**KRYTERIA OCENY**

EFEKT KSZTAŁCENIA 1	
NA OCENĘ 3.0	Student potrafi podać poprawny dowód dla jednego z trzech wskazanych twierdzeń oraz definicję i przykład wszystkich obiektów występujących w tym twierdzeniu.
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi podać poprawny dowód dla dwóch z trzech wskazanych twierdzeń oraz definicję i przykład wszystkich obiektów występujących w tych twierdzeniach. Potrafi uzupełnić niektóre luki w rozumowaniach w przedstawionych dowodach.
NA OCENĘ 4.0	Student potrafi podać poprawny dowód dla dwóch z trzech wskazanych twierdzeń oraz definicję i przykład wszystkich obiektów występujących w tych twierdzeniach. Potrafi uzupełnić ewentualne luki w rozumowaniach w przedstawionych dowodach i podać jeden kontrprzykład obrazujący konieczność wybranego założenia.
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi podać dowody trzech wskazanych twierdzeń, zna definicje występujących obiektów wraz z przykładami, potrafi podać kontrprzykłady do występujących w twierdzeniach założeń. Potrafi uzupełnić większość luk w rozumowaniach w przedstawionych dowodach.
NA OCENĘ 5.0	Student biegle przedstawia dowody trzech wskazanych twierdzeń uzupełniając brakujące fragmenty rozumowania, zna definicje występujących obiektów wraz z przykładami, potrafi podać kontrprzykłady do występujących w twierdzeniach założeń.
EFEKT KSZTAŁCENIA 2	

NA OCENĘ 3.0	Student potrafi podać jedno twierdzenie lub metodę, która ma zastosowanie w innych dziedzinach matematyki.
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi podać jedno twierdzenie lub metodę, która ma zastosowanie w innych dziedzinach matematyki, z pomocą prowadzącego jest w stanie podać przykład zastosowania.
NA OCENĘ 4.0	Student potrafi podać jedno twierdzenie lub metodę, która ma zastosowanie w innych dziedzinach matematyki wraz z przykładem.
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi podać jedno twierdzenie lub metodę, która ma zastosowanie w innych dziedzinach matematyki i rozwiązać podany przykład z pomocą prowadzącego przedmiot.
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi podać jedno twierdzenie lub metodę, która ma zastosowanie w innych dziedzinach matematyki i samodzielnie rozwiązać podany przykład.
EFEKT KSZTAŁCENIA 3	
NA OCENĘ 3.0	Student potrafi podać poprawny dowód dla jednego z trzech wskazanych twierdzeń oraz definicję i przykład wszystkich obiektów występujących w tym twierdzeniu.
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi podać poprawny dowód dla dwóch z trzech wskazanych twierdzeń oraz definicję i przykład wszystkich obiektów występujących w tych twierdzeniach. Potrafi uzupełnić niektóre luki w rozumowaniach w przedstawionych dowodach.
NA OCENĘ 4.0	Student potrafi podać poprawny dowód dla dwóch z trzech wskazanych twierdzeń oraz definicję i przykład wszystkich obiektów występujących w tych twierdzeniach. Potrafi uzupełnić ewentualne luki w rozumowaniach w przedstawionych dowodach i podać jeden kontrprzykład obrazujący konieczność wybranego założenia.
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi podać dowody trzech wskazanych twierdzeń, zna definicje występujących obiektów wraz z przykładami, potrafi podać kontrprzykłady do występujących w twierdzeniach założeń. Potrafi uzupełnić większość luk w rozumowaniach w przedstawionych dowodach.
NA OCENĘ 5.0	Student biegle przedstawia dowody trzech wskazanych twierdzeń uzupełniając brakujące fragmenty rozumowania, zna definicje występujących obiektów wraz z przykładami, potrafi podać kontrprzykłady do występujących w twierdzeniach założeń.
EFEKT KSZTAŁCENIA 4	
NA OCENĘ 3.0	Student potrafi rozwiązać proste zadania o charakterze obliczeniowym.
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi rozwiązać zadania obliczeniowe o różnym poziomie trudności.
NA OCENĘ 4.0	Student potrafi rozwiązać zadania o różnym poziomie trudności, w tym proste zadania teoretyczne.
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi rozwiązać zadania o różnym poziomie trudności, w tym bardziej złożone zadania teoretyczne.

NA OCENĘ 5.0	Student potrafi rozwiązać zadania o różnym poziomie trudności, teoretyczne i obliczeniowe.
EFEKT KSZTAŁCENIA 5	
NA OCENĘ 3.0	Student potrafi przeprowadzić dowód jednego wybranego wniosku z twierdzenia poznanego na wykładzie i pozostawionego jako ćwiczenie.
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi przeprowadzić dowód 2/3 wniosków z twierdzeń poznanych na wykładzie i pozostawionych jako ćwiczenie, z niewielką pomocą prowadzącego.
NA OCENĘ 4.0	Student potrafi przeprowadzić dowód 2/3 wniosków z twierdzeń poznanych na wykładzie i pozostawionych jako ćwiczenie.
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi przeprowadzić dowód wszystkich wniosków z twierdzeń poznanych na wykładzie i pozostawionych jako ćwiczenie, z niewielką pomocą prowadzącego.
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi przeprowadzić dowód wszystkich wniosków z twierdzeń poznanych na wykładzie i pozostawionych jako ćwiczenie.
EFEKT KSZTAŁCENIA 6	
NA OCENĘ 3.0	Student przynajmniej raz aktywnie brał udział w zajęciach poprzez merytoryczną dyskusję z prowadzącym i rozwiązywanie zadań na tablicy.
NA OCENĘ 3.5	Student kilka razy aktywnie brał udział w zajęciach poprzez merytoryczną dyskusję z prowadzącym i rozwiązywanie zadań na tablicy.
NA OCENĘ 4.0	Student często aktywnie bierze udział w zajęciach poprzez merytoryczną dyskusję z prowadzącym i rozwiązywanie zadań na tablicy.
NA OCENĘ 4.5	Student bardzo często aktywnie bierze udział w zajęciach poprzez merytoryczną dyskusję z prowadzącym i rozwiązywanie zadań na tablicy.
NA OCENĘ 5.0	Student regularnie aktywnie uczestniczy w zajęciach. Zadaje pytania dotyczące tematu, rozwiązuje przykładowe zadania na tablicy.
EFEKT KSZTAŁCENIA 7	
NA OCENĘ 3.0	Student nie korzysta z niedozwolonych pomocy na sprawdzianach i egzaminach.
NA OCENĘ 3.5	Student nie korzysta z niedozwolonych pomocy na sprawdzianach i egzaminach. Z pomocą prowadzącego jest w stanie znaleźć potrzebne na danych ćwiczeniach informacje w materiałach z wykładu.
NA OCENĘ 4.0	Student nie korzysta z niedozwolonych pomocy na sprawdzianach i egzaminach. Na większości ćwiczeń orientuje się w materiałach z wykładu.
NA OCENĘ 4.5	Student nie korzysta z niedozwolonych pomocy na sprawdzianach i egzaminach. Jest prawie zawsze merytorycznie przygotowany do zajęć przez znajomość materiału z wykładu.
NA OCENĘ 5.0	Student nie korzysta z niedozwolonych pomocy na sprawdzianach i egzaminach. Jest merytorycznie przygotowany do każdego zajęcia przez znajomość materiału z wykładu.

10 MACIERZ REALIZACJI PRZEDMIOTU

EFEKT KSZTAŁCENIA	ODNIESIENIE DANEGO EFEKTU DO SZCZEGÓŁOWYCH EFEKTÓW ZDEFINIOWANYCH DLA PROGRAMU	CELE PRZEDMIOTU	TREŚCI PROGRAMOWE	NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE	SPOSOBY OCENY
EK1	K_W01 K_W03 K_W05	Cel 1	W1 W2 W3 W4 W5 W6 W7 W8 W9 W10	N1 N3 N4	F1 F2 P1 P2 P3
EK2	K_W07	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 C11 C12 C13 W1 W2 W3 W4 W5 W6 W7 W8 W9 W10	N1 N2 N3 N4	F1 F2 P1 P2 P3
EK3	K_U01 K_U03 K_U14	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 C11 C12 C13 W1 W2 W3 W4 W5 W6 W7 W8 W9 W10	N1 N2 N3 N4	F1 F2 P1 P2 P3
EK4	K_U05	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 C11 C12 C13 W1 W2 W3 W4 W5 W6 W7 W8 W9 W10	N1 N2 N3 N4	F1 F2 P2 P3
EK5	K_U01 K_U03 K_U14	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 C11 C12 C13 W1 W2 W3 W4 W5 W6 W7 W8 W9 W10	N1 N2 N3 N4	F1 F2 P1 P2 P3
EK6	K_K01 K_K02	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 C11 C12 C13	N2	F2 P1 P3
EK7	K_K04	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 C9 C10 C11 C12 C13	N2	F2 P2 P3

11 WYKAZ LITERATURY

LITERATURA PODSTAWOWA

- [1] | J.B. Conway — *Functions of One Complex Variable*, New York, 1978, Springer
[2] | F. Leja — *Funkcje zespolone*, Warszawa, 1977, PWN
[3] | W. Rudin — *Analiza rzeczywista i zespolona*, Warszawa, 1986, PWN

LITERATURA UZUPEŁNIAJĄCA

- [1] | R. Narasimhan — *Y. Nievergelt*, Boston, 2001, Birkhauser
[2] | A. Ganczar — *Analiza zespolona w zadaniach*, Warszawa, 2010, PWN
[3] | J. Krzyż — *Zbiór zadań z funkcji analitycznych*, Warszawa, 1965, PWN

12 INFORMACJE O NAUCZYCIELACH AKADEMICKICH

OSOBA ODPOWIEDZIALNA ZA KARTĘ

dr Małgorzata Zajęcka (kontakt: malgorzata.zajECKa@pk.edu.pl)

OSOBY PROWADZĄCE PRZEDMIOT

1 dr Małgorzata Zajęcka (kontakt: malgorzata.zajECKa@pk.edu.pl)

13 ZATWIERDZENIE KARTY PRZEDMIOTU DO REALIZACJI

(miejscowość, data)

(odpowiedzialny za przedmiot)

(dziekan)

PRZYJMUJĘ DO REALIZACJI (data i podpisy osób prowadzących przedmiot)

.....