

POLITECHNIKA KRAKOWSKA IM. TADEUSZA KOŚCIUSZKI

KARTA PRZEDMIOTU

obowiązuje studentów rozpoczynających studia w roku akademickim 2022/2023

Wydział Informatyki i Telekomunikacji

Kierunek studiów: Matematyka Stosowana

Profil: Praktyczny

Forma studiów: stacjonarne

Kod kierunku: MS

Stopień studiów: I

Specjalności: Analityka Danych, Matematyka w finansach i ekonomii, Matematyka z Informatyką

1 INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

NAZWA PRZEDMIOTU	Podstawy kryptografii i kryptoanalizy
NAZWA PRZEDMIOTU W JĘZYKU ANGIELSKIM	Foundations of cryptography and cryptoanalysis
KOD PRZEDMIOTU	WiT MS pIS D14 22/23
KATEGORIA PRZEDMIOTU	Przedmioty specjalnościowe
LICZBA PUNKTÓW ECTS	3.00
SEMESTRY	6

2 RODZAJ ZAJĘĆ, LICZBA GODZIN W PLANIE STUDIÓW

SEMESTR	WYKŁAD	ĆWICZENIA	LABORATORIUM	LABORATORIUM KOMPUTERO- WE	SEMINARIUM	PROJEKT
6	30	30	0	0	0	0

3 CELE PRZEDMIOTU

Cel 1 Nauczenie studentów podstawowych metod współczesnej kryptologii, aktywnie stosowanych w ochronie informacji, bankowości itp.

4 WYMAGANIA WSTĘPNE W ZAKRESIE WIEDZY, UMIEJĘTNOŚCI I INNYCH KOMPETENCJI

1 Zaliczenie przedmiotów Algebra z teorią liczb oraz Grafy i algorytmy grafowe.

5 EFEKTY KSZTAŁCENIA

EK1 Wiedza Student zna i rozumie podstawowe pojęcia, algorytmy i metody kryptografii (zarówno klasycznej, jak i współczesnej) oraz kryptoanalizy

EK2 Wiedza Student zna i rozumie powiązania między kryptologią a matematyką (ze szczególnym uwzględnieniem algebry i teorii liczb)

EK3 Umiejętności Student potrafi stosować w praktyce różne algorytmy kryptograficzne i rozwiązywać (proste) zadania z zakresu kryptoanalizy

EK4 Kompetencje społeczne Student jest przygotowany do poszerzania swojej wiedzy kryptologicznej, jak również do dzielenia się nią z laikami.

6 TREŚCI PROGRAMOWE

ĆWICZENIA		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
C1	Ochrona danych. Systemy i algorytmy kryptograficzne. Własności informacyjne języka.	2
C2	Dzielenie z resztą, rozszerzony algorytm Euklidesa, NWD, NWW. Liczby względnie pierwsze. Zasadnicze twierdzenie arytmetyki. Sito Eratostenesa. Systemy liczbowe. Twierdzenie Euklidesa o liczbach pierwszych.	4
C3	Testy pierwszośc. Algorytmy faktoryzacji liczb całkowitych. Test Fermata, test Lucasa, test silnej pseudopierwszośc. Arytmetyka modularna, szybkie obliczanie. Funkcje arytmetyczne. Twierdzenia Eulera i Fermata. Logarytmy dyskretne i algorytmy ich obliczania.	4
C4	Proste szyfry podstawieniowe. Szyfry homofoniczne. Szyfry podstawieniowe wieloalfabetowe. Szyfry poligramowe. Szyfry przestawieniowe, szyfry afiniczne. Bezpieczne systemy kryptograficzne (konfuzja, dyfuzja, kompromisy, kryptoanaliza).	4
C5	Entropia. Problem plecakowy, problem faktoryzacji, problem pakowania, problemy NP-zupełne.	4
C6	Szyfry Feistela. Kryptografia i bezpieczeństwo informacji. Algorytm DES/AES.	3
C7	Szyfrowanie z kluczem publicznym. RSA. Szyfr Rabina, szyfr ElGamala.	5
C8	Standard podpisu cyfrowego (DSS). Dzielenie sekretu.	4

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
W1	Elementy kryptologii: ochrona danych, systemy i algorytmy kryptograficzne, własności informacyjne języka.	2
W2	Elementy teorii liczb (przypomnienie i uzupełnienie): dzielenie z resztą, rozszerzony algorytm Euklidesa, NWD, NWW, liczby względnie pierwsze, zasadnicze twierdzenie arytmetyki, sito Eratostenesa, systemy liczbowe, twierdzenie Euklidesa o liczbach pierwszych.	4
W3	Obliczeniowa i algorytmiczna teoria liczb: testy pierwszości, algorytmy faktoryzacji liczb całkowitych, ważne testy pierwszości związane z bezpieczeństwem (test Fermata, test Lucasa, test silnej pseudopierwszości), arytmetyka modularna (szybkie obliczanie), funkcje arytmetyczne, twierdzenia Eulera i Fermata, problem logarytmu dyskretnego, algorytmy obliczania logarytmów dyskretnych.	4
W4	Kryptografia klasyczna: proste szyfry podstawieniowe, szyfry homofoniczne, szyfry podstawieniowe wieloalfabetowe, szyfry poligramowe, szyfry przestawieniowe, szyfry afiniczne, bezpieczne systemy kryptograficzne (konfuzja, dyfuzja, kompromisy, kryptoanaliza).	4
W5	Prawdopodobieństwo i tajność doskonała. Teoria Shannona: entropia, problem plecakowy, problem faktoryzacji, problem pakowania, problemy NP-zupełne.	6
W6	Szyfry symetryczne i bezpieczeństwo informacji: szyfry Feistela, kryptografia i bezpieczeństwo informacji, algorytm DES/AES.	4
W7	Szyfry asymetryczne: szyfrowanie z kluczem publicznym. Bezpieczeństwo, RSA, szyfr Rabina, szyfr ElGamala.	4
W8	Podpisy cyfrowe: standard podpisu cyfrowego (DSS), dzielenie sekretu.	2

7 NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE

N1 Wykłady.

N2 Ćwiczenia.

N3 Dyskusja.

N4 Konsultacje.

N5 W sytuacji zdalnego nauczania prowadzone są za pośrednictwem MS Teams, na żywo.

8 OBCIĄŻENIE PRACĄ STUDENTA

FORMA AKTYWNOŚCI	ŚREDNIA LICZBA GODZIN NA ZREALIZOWANIE AKTYWNOŚCI
Godziny kontaktowe z nauczycielem akademickim, w tym:	
Godziny wynikające z planu studiów	60
Konsultacje przedmiotowe	12
Egzaminy i zaliczenia w sesji	3
Godziny bez udziału nauczyciela akademickiego wynikające z nakładu pracy studenta, w tym:	
Przygotowanie się do zajęć, w tym studiowanie zalecanej literatury	15
Opracowanie wyników	0
Przygotowanie raportu, projektu, prezentacji, dyskusji	0
SUMARYCZNA LICZBA GODZIN DLA PRZEDMIOTU WYNIKAJĄCA Z CAŁEGO NAKŁADU PRACY STUDENTA	90
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS DLA PRZEDMIOTU	3.00

9 SPOSOBY OCENY

OCENA FORMUJĄCA

F1 Sprawdziany z bieżącego materiału (na ćwiczeniach)

OCENA PODSUMOWUJĄCA

P1 kolokwium zaliczeniowe (podsumowujące przedmiot) pisemne i ustne.

WARUNKI ZALICZENIA PRZEDMIOTU

W1 Warunkiem koniecznym i wystarczającym zaliczenia ćwiczeń jest uzyskanie więcej niż połowy maksymalnej sumarycznej liczby punktów ze wszystkich sprawdzianów. Ocena końcowa z przedmiotu jest średnią arytmetyczną trzech ocen cząstkowych: z ćwiczeń, części pisemnej kolokwium zaliczeniowego i części ustnej kolokwium zaliczeniowego. Wszystkie oceny cząstkowe muszą być pozytywne.

OCENA AKTYWNOŚCI BEZ UDZIAŁU NAUCZYCIELA

B1 Test

KRYTERIA OCENY

EFEKT KSZTAŁCENIA 1	
NA OCENĘ 2.0	Student nie spełnia wymagań na ocenę 3.0

NA OCENĘ 3.0	Student zna i rozumie podstawowe pojęcia, algorytmy i metody kryptografii (zarówno klasycznej, jak i współczesnej) oraz kryptoanalizy
NA OCENĘ 3.5	Student zna i rozumie podstawowe pojęcia, algorytmy i metody kryptografii (zarówno klasycznej, jak i współczesnej) oraz kryptoanalizy, ilustruje je przykładami, rozwiązuje podstawowe zadania praktyczne, formułuje podstawowe zagadnienia
NA OCENĘ 4.0	Student zna i rozumie pojęcia, algorytmy i metody kryptografii (zarówno klasycznej, jak i współczesnej) oraz kryptoanalizy, ilustruje je przykładami, rozwiązuje podstawowe zadania praktyczne i teoretyczne, formułuje i zna dowody podstawowych zagadnień
NA OCENĘ 4.5	Student zna i rozumie pojęcia, algorytmy i metody kryptografii (zarówno klasycznej, jak i współczesnej) oraz kryptoanalizy, ilustruje je przykładami, rozwiązując zadania praktyczne i teoretyczne, formułuje i zna dowody zagadnień
NA OCENĘ 5.0	Student zna i rozumie pojęcia, algorytmy i metody kryptografii (zarówno klasycznej, jak i współczesnej) oraz kryptoanalizy, ilustruje je przykładami, rozwiązuje zadania praktyczne i teoretyczne jak standardowe tak i niestandardowe, zna dowody zagadnień
EFEKT KSZTAŁCENIA 2	
NA OCENĘ 2.0	Student nie spełnia wymagań na ocenę 3.0
NA OCENĘ 3.0	Student zna i rozumie powiązania między kryptologią a matematyką (ze szczególnym uwzględnieniem algebry i teorii liczb)
NA OCENĘ 3.5	Student zna i rozumie powiązania między kryptologią a matematyką (ze szczególnym uwzględnieniem algebry i teorii liczb), ilustruje je przykładami i podstawowymi zagadnieniami
NA OCENĘ 4.0	Student zna i rozumie powiązania między kryptologią a matematyką (ze szczególnym uwzględnieniem algebry i teorii liczb), ilustruje je przykładami i podstawowymi zagadnieniami i ich dowodami
NA OCENĘ 4.5	Student zna i rozumie powiązania między kryptologią a matematyką (ze szczególnym uwzględnieniem algebry i teorii liczb), ilustruje je przykładami i stosowaniem do rozwiązywania zadań praktycznych, i nie tylko podstawowymi zagadnieniami i ich dowodami
NA OCENĘ 5.0	Student zna i rozumie powiązania między kryptologią a matematyką (ze szczególnym uwzględnieniem algebry i teorii liczb), ilustruje je przykładami i stosowaniem do rozwiązywania zadań praktycznych i teoretycznych, a także zagadnieniami i ich dowodami
EFEKT KSZTAŁCENIA 3	
NA OCENĘ 2.0	Student nie spełnia wymagań na ocenę 3.0
NA OCENĘ 3.0	Student potrafi stosować w praktyce różne algorytmy kryptograficzne i rozwiązywać (proste) zadania z zakresu krypto analizy

NA OCENĘ 3.5	Student potrafi stosować w praktyce różne algorytmy kryptograficzne i rozwiązywać (proste) zadania z zakresu krypto analizy, ilustrować je przykładami i podstawowymi zagadnieniami
NA OCENĘ 4.0	Student potrafi stosować w praktyce różne algorytmy kryptograficzne i rozwiązywać (proste) zadania z zakresu krypto analizy, ilustrować je przykładami i podstawowymi zagadnieniami z dowodami
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi stosować w praktyce różne algorytmy kryptograficzne i rozwiązywać (proste) zadania z zakresu krypto analizy, ilustrować je przykładami praktycznymi i teoretycznymi i zagadnieniami z dowodami
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi stosować w praktyce różne algorytmy kryptograficzne i rozwiązywać (proste) zadania z zakresu krypto analizy, ilustrować je przykładami praktycznymi i teoretycznymi (standardowymi i niestandardowymi) i zagadnieniami z dowodami
EFEKT KSZTAŁCENIA 4	
NA OCENĘ 2.0	Student nie jest przygotowany do poszerzania swojej wiedzy kryptologicznej, jak również do dzielenia się nią z laikami
NA OCENĘ 3.0	Student jest przygotowany do poszerzania swojej wiedzy kryptologicznej, jak również do dzielenia się nią z laikami
NA OCENĘ 3.5	Student jest przygotowany do poszerzania swojej wiedzy kryptologicznej, jak również do dzielenia się nią z laikami, jest przygotowany do konstruowania ilustrujących przykładów
NA OCENĘ 4.0	Student jest przygotowany do poszerzania swojej wiedzy kryptologicznej, jak również do dzielenia się nią z laikami, jest przygotowany do konstruowania ilustrujących przykładów praktycznych i zagadnień
NA OCENĘ 4.5	Student jest przygotowany do poszerzania swojej wiedzy kryptologicznej, jak również do dzielenia się nią z laikami, jest przygotowany do konstruowania ilustrujących przykładów (teoretycznych i praktycznych) i zagadnień
NA OCENĘ 5.0	Student jest przygotowany do poszerzania swojej wiedzy kryptologicznej, jak również do dzielenia się nią z laikami, jest przygotowany do konstruowania ilustrujących przykładów (teoretycznych i praktycznych, standardowych i niestandardowych) i zagadnień

10 MACIERZ REALIZACJI PRZEDMIOTU

EFEKT KSZTAŁCENIA	ODNIESIENIE DANEGO EFEKTU DO SZCZEGÓŁOWYCH EFEKTÓW ZDEFINIOWANYCH DLA PROGRAMU	CELE PRZEDMIOTU	TREŚCI PROGRAMOWE	NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE	SPOSOBY OCENY
EK1	K_W04	Cel 1	W1 W2 W3 W4	N1 N2 N3 N4	F1 P1
EK2	K_W01 K_W26	Cel 1	C5 C6 C7 C8 W5 W6 W7 W8	N1 N2 N3 N4	F1 P1
EK3	K_U08 K_U09 K_U17	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 W1 W2 W3 W4 W5 W6 W7 W8	N1 N2 N3 N4	F1 P1
EK4	K_U29 K_U35 K_K01	Cel 1	C1 C2 C3 C4 C5 C6 C7 C8 W1 W2 W3 W4 W5 W6 W7 W8	N1 N2 N3 N4	F1 P1

11 WYKAZ LITERATURY

LITERATURA PODSTAWOWA

- [1] **D.R. Stinson** — *Kryptografia (w teorii i w praktyce)*, Warszawa, 2005, WNT
- [2] **N.Koblitz** — *Wykład z teorii liczb i kryptografii*, Warszawa, 1995, WNT
- [3] **W. Mochnacki** — *Kody korekcyjne i kryptografia*, Wrocław, 1997, Wyd. Pol. Wrocławskiej
- [4] **J.A. Buchman** — *Wprowadzenie do kryptografii*, Warszawa, 2006, PWN

LITERATURA UZUPEŁNIAJĄCA

- [1] **N. Koblitz** — *Algebraiczne aspekty kryptografii*, Warszawa, 2000, WNT
- [2] **Song Y. Yan** — *Teoria liczb w informatyce*, Warszawa, 2006, PWN
- [3] **J. Gancarzewicz** — *Arytmetyka*, Kraków, 2002, Wyd. UJ
- [4] **J. Rutkowski** — *Teoria liczb*, Warszawa, 2018, PWN

LITERATURA DODATKOWA

- [1] **N. Ferguson, B. Schneider** — *Practical Cryptography*, Miejscowość, 2003, Wiley Publ. Inc.

12 INFORMACJE O NAUCZYCIELACH AKADEMICKICH

OSOBA ODPOWIEDZIALNA ZA KARTĘ

dr Mariusz Jużyniec (kontakt: juzyniec@pk.edu.pl)



OSOBY PROWADZĄCE PRZEDMIOT

1 prof. dr hab. Orest Artemovych (kontakt: artemo@pk.edu.pl)

13 ZATWIERDZENIE KARTY PRZEDMIOTU DO REALIZACJI

(miejsowość, data)

(odpowiedzialny za przedmiot)

(dziekan)

PRZYJMUJĘ DO REALIZACJI (data i podpisy osób prowadzących przedmiot)

.....