

POLITECHNIKA KRAKOWSKA IM. TADEUSZA KOŚCIUSZKI

KARTA PRZEDMIOTU

obowiązuje studentów rozpoczynających studia w roku akademickim 2022/2023

Wydział Informatyki i Telekomunikacji

Kierunek studiów: Matematyka Stosowana

Profil: Praktyczny

Forma studiów: stacjonarne

Kod kierunku: MS

Stopień studiów: I

Specjalności: Matematyka z Informatyką

1 INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

NAZWA PRZEDMIOTU	Geometria
NAZWA PRZEDMIOTU W JĘZYKU ANGIELSKIM	Geometry
KOD PRZEDMIOTU	WiT MS pIS D10 22/23
KATEGORIA PRZEDMIOTU	Przedmioty specjalnościowe
LICZBA PUNKTÓW ECTS	5.00
SEMESTRY	5

2 RODZAJ ZAJĘĆ, LICZBA GODZIN W PLANIE STUDIÓW

SEMESTR	WYKŁAD	ĆWICZENIA	LABORATORIUM	LABORATORIUM KOMPUTERO- WE	SEMINARIUM	PROJEKT
5	30	30	0	0	0	0

3 CELE PRZEDMIOTU

Cel 1 Cel przedmiotu 1 zapoznać studenta z geometrią powierzchni w przestrzeni euklidesowej

4 WYMAGANIA WSTĘPNE W ZAKRESIE WIEDZY, UMIEJĘTNOŚCI I INNYCH KOMPETENCJI

1 Wymaganie 1 kurs analizy i algebry liniowej

5 EFEKTY KSZTAŁCENIA

EK1 Umiejętności Efekt kształcenia 1 EK1. Umiejętności: Student potrafi obliczać krzywiznę i torsję krzywej gładkiej. (K_U01, K_U08)

EK2 Wiedza Efekt kształcenia 2 EK2. Wiedza: Trójwymiarowa przestrzeń euklidesowa z nawiasem Liego danym przez iloczyn wektorowy jest algebra Liego. Krzywa gładka jest wyznaczona z dokładnością do izometrii przez jej krzywiznę i torsję. (K_W02, K_W11),

EK3 Umiejętności Efekt kształcenia 3 EK3. Umiejętności: Wyznaczanie pola normalnego do powierzchni i operatora kształtu, różniczkowanie pól wektorowych, koneksja na powierzchni, tensor krzywizny (K_U01, K_W11, K_U08)

EK4 Wiedza Efekt kształcenia 4 EK4. Wiedza: Wyznaczanie przestrzeni stycznej do rozmaiwości, obliczanie nawiasu Liego pól wektorowych, wyznaczenie współczynników Christoffela i koneksji na powierzchni (K_W01)

EK5 Kompetencje społeczne Umiejętność pracy w grupie.

6 TREŚCI PROGRAMOWE

ĆWICZENIA		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
C1	Treści programowe 1 Rozwiązywanie zadań z algebry liniowej, iloczynu skalarnego i wektorowego,	10
C2	Treści programowe 2 Obliczanie wektora stycznego do krzywej, trójkątnika Freneta krzywej, krzywizny i torsji krzywej	10
C3	Treści programowe 3 Obliczanie przestrzeni stycznej do powierzchni, znajdowanie wektora normalnego do powierzchni, wyznaczenie tensora kształtu, wyznaczanie krzywizny Gaussa i krzywizny średniej.	10

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
W1	Treści programowe 1 Elementy algebry liniowej, objętość równoległoscianu, orientacja przestrzeni wektorowej, iloczyn skalarny, iloczyn wektorowy w zorientowanej przestrzeni z iloczynem skalarnym, algebra Liego, trójwymiarowa przestrzeń wektorowa z iloczynem skalarnym jako algebra Liego, przestrzeń afiniczna	10

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
W2	Treści programowe 2 Regularna krzywa gładka, torsja i krzywizna krzywej, twierdzenie o jednoznaczności z dokładnością do ruchu sztywnego krzywej z zadana krzywizna i torsja, wzory na krzywiznę i torsję krzywej, twierdzenie charakteryzujące krzywe płaskie, wektor Darboux, linia śrubowa.	10
W3	Treści programowe 3 Powierzchnie gładkie w trójwymiarowej przestrzeni euklidesowej, powierzchnia dana równaniem uwikłanym, przestrzeń styczna do powierzchni w punkcie, pole wektorowe na powierzchni, różniczkowanie pól wektorowych, koneksja na powierzchni, operator kształtu, nawias Poissona pól wektorowych, tensor krzywizny, Theorema Egregium Gaussa, krzywizna Gaussa, geodetyki na powierzchni, geodetyka jako krzywa o minimalnej długości.	10

7 NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE

N1 wykład + ćwiczenia tablicowe

N2 platformy Teams i Elf

8 OBCIĄŻENIE PRACĄ STUDENTA

FORMA AKTYWNOŚCI	ŚREDNIA LICZBA GODZIN NA ZREALIZOWANIE AKTYWNOŚCI
Godziny kontaktowe z nauczycielem akademickim, w tym:	
Godziny wynikające z planu studiów	60
Konsultacje przedmiotowe	20
Egzaminy i zaliczenia w sesji	10
Godziny bez udziału nauczyciela akademickiego wynikające z nakładu pracy studenta, w tym:	
Przygotowanie się do zajęć, w tym studiowanie zalecanej literatury	50
Opracowanie wyników	10
Przygotowanie raportu, projektu, prezentacji, dyskusji	0
SUMARYCZNA LICZBA GODZIN DLA PRZEDMIOTU WYNIKAJĄCA Z CAŁEGO NAKŁADU PRACY STUDENTA	150
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS DLA PRZEDMIOTU	5.00

9 SPOSOBY OCENY

OCENA FORMUJĄCA

F1 Ocena 1 Ocena za zadania domowe i aktywność

OCENA PODSUMOWUJĄCA

P1 Ocena 1 dwa kolokwia w ciągu semestru Kryteria oceny: Średnia ocena z dwóch kolokwiiów.

WARUNKI ZALICZENIA PRZEDMIOTU

W1 Ocena 1 Zaliczenie kolokwiiów

OCENA AKTYWNOŚCI BEZ UDZIAŁU NAUCZYCIELA

B1 Ocena 1 Zaliczenie kolokwiiów

KRYTERIA OCENY

EFEKT KSZTAŁCENIA 1	
NA OCENĘ 2.0	Student nie potrafi obliczać krzywizny i torsji krzywej gładkiej.
NA OCENĘ 3.0	Student potrafi obliczać krzywiznę i torsję krzywej gładkiej. Robi błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 3.5	Student potrafi obliczać krzywiznę i torsję krzywej gładkiej. Robi małe błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 4.0	Student potrafi obliczać krzywiznę i torsję krzywej gładkiej. Robi drobne błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 4.5	Student potrafi obliczać krzywiznę i torsję krzywej gładkiej. Robi bardzo drobne błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 5.0	Student potrafi bezbłędnie obliczać krzywiznę i torsję krzywej gładkiej.
EFEKT KSZTAŁCENIA 2	
NA OCENĘ 2.0	Nie spełnia wymagań na 3.0.
NA OCENĘ 3.0	Student orientuje się w pojęciach algebry Liego i sztywności krzywej gładkiej. W sformułowaniu twierdzeń są błędy.
NA OCENĘ 3.5	Student orientuje się w pojęciach algebry Liego i sztywności krzywej gładkiej. W sformułowaniu twierdzeń są pewne błędy.
NA OCENĘ 4.0	Student orientuje się w pojęciach algebry Liego i sztywności krzywej gładkiej. W sformułowaniu twierdzeń są małe błędy.
NA OCENĘ 4.5	Student orientuje się w pojęciach algebry Liego i sztywności krzywej gładkiej. W sformułowaniu twierdzeń są drobne błędy.
NA OCENĘ 5.0	Student orientuje się w pojęciach algebry Liego i sztywności krzywej gładkiej. Formułuje bezbłędnie twierdzenia.

EFEKT KSZTAŁCENIA 3	
NA OCENĘ 2.0	Nie spełnia wymagań na 3.0.
NA OCENĘ 3.0	Student wyznacza pole normalne do powierzchni i operator kształtu, różniczkuje pola wektorowe, oblicza koneksję na powierzchni i tensor krzywizny . Robi błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 3.5	Student wyznacza pole normalne do powierzchni i operator kształtu, różniczkuje pola wektorowe, oblicza koneksję na powierzchni i tensor krzywizny . Robi małe błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 4.0	Student wyznacza pole normalne do powierzchni i operator kształtu, różniczkuje pola wektorowe, oblicza koneksję na powierzchni i tensor krzywizny . Robi drobne błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 4.5	Student wyznacza pole normalne do powierzchni i operator kształtu, różniczkuje pola wektorowe, oblicza koneksję na powierzchni i tensor krzywizny . Robi bardzo drobne błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 5.0	Student bezbłędnie wyznacza pole normalne do powierzchni i operator kształtu, różniczkuje pola wektorowe, oblicza koneksję na powierzchni i tensor krzywizny .
EFEKT KSZTAŁCENIA 4	
NA OCENĘ 2.0	Nie spełnia wymagań na 3.0.
NA OCENĘ 3.0	Student wyznacza przestrzeń styczną do rozmaitości, oblicza nawiasu Liego pól wektorowych, wyznacza współczynniki Christophela koneksji na powierzchni. Robi błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 3.5	Student wyznacza przestrzeń styczną do rozmaitości, oblicza nawiasu Liego pól wektorowych, wyznacza współczynniki Christophela koneksji na powierzchni. Robi pewne błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 4.0	Student wyznacza przestrzeń styczną do rozmaitości, oblicza nawiasu Liego pól wektorowych, wyznacza współczynniki Christophela koneksji na powierzchni. Robi małe błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 4.5	Student wyznacza przestrzeń styczną do rozmaitości, oblicza nawiasu Liego pól wektorowych, wyznacza współczynniki Christophela koneksji na powierzchni. Robi drobne błędy w rachunkach.
NA OCENĘ 5.0	Student bezbłędnie wyznacza przestrzeń styczną do rozmaitości, oblicza nawiasu Liego pól wektorowych, wyznacza współczynniki Christophela koneksji na powierzchni.
EFEKT KSZTAŁCENIA 5	
NA OCENĘ 2.0	Nie spełnia wymagań na 3.0.
NA OCENĘ 3.0	Student wypełnia swoje obowiązki ale z trudem współpracuje z grupą.
NA OCENĘ 3.5	Student wypełnia swoje obowiązki stara się współpracować z grupą.
NA OCENĘ 4.0	Student wypełnia swoje obowiązki i dobrze współpracuje z grupą.

NA OCENĘ 4.5	Student wypełnia swoje obowiązki i bardzodobrze współpracuje z grupą.
NA OCENĘ 5.0	Student wypełnia swoje obowiązki i organizuje pracę grupy.

10 MACIERZ REALIZACJI PRZEDMIOTU

EFEKT KSZTAŁCENIA	ODNIESIENIE DANEGO EFEKTU DO SZCZEGÓŁOWYCH EFEKTÓW ZDEFINIOWANYCH DLA PROGRAMU	CELE PRZEDMIOTU	TREŚCI PROGRAMOWE	NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE	SPOSOBY OCENY
EK1	K_U01 K_U08	Cel 1	W1	N1	F1
EK2	K_W02 K_W11	Cel 1	W2	N1	F1
EK3	K_W11 K_U08	Cel 1	W2 W3	N1	F1
EK4	K_W01 K_W08	Cel 1	W2 W3	N1	F1
EK5	K_K01 K_K02	Cel 1	C1 C2 C3 W1 W2 W3	N1 N2	F1 P1

11 WYKAZ LITERATURY

LITERATURA PODSTAWOWA

[1] **John Oprea** — *Geometria różniczkowa i jej zastosowania*, Warszawa, 2002, PWN

[2] **M. Postnikov** — *Lectures in geometry*, Moskwa, 1989, MIR

LITERATURA UZUPEŁNIAJĄCA

[1] **John A. Thorpe** — *Elementary topics in Differential Geometry*, New York, 1989, Springer-Verlag

LITERATURA DODATKOWA

[1] **Jacek Gancarzewicz** — *Algebra liniowa i jej zastosowania*, Kraków, 2004, Wydawnictwo UJ

12 INFORMACJE O NAUCZYCIELACH AKADEMICKICH

OSOBA ODPOWIEDZIALNA ZA KARTĘ

dr hab. prof.PK Włodzimierz Jelonek (kontakt: wlodzimierz.jelonek@pk.edu.pl)

13 ZATWIERDZENIE KARTY PRZEDMIOTU DO REALIZACJI

(miejscowość, data)

(odpowiedzialny za przedmiot)

(dziekan)