

# POLITECHNIKA KRAKOWSKA IM. TADEUSZA KOŚCIUSZKI

## KARTA PRZEDMIOTU

obowiązuje studentów rozpoczynających studia w roku akademickim 2013/2014

Wydział Inżynierii Lądowej

Kierunek studiów: Transport

Profil: Ogólnoakademicki

Forma studiów: stacjonarne

Kod kierunku: TRA

Stopień studiów: I

Specjalności: Bez specjalności

### 1 INFORMACJE O PRZEDMIOCIE

NAZWA PRZEDMIOTU	Matematyka ogólna
NAZWA PRZEDMIOTU W JĘZYKU ANGIELSKIM	
KOD PRZEDMIOTU	WIL TRA oIS B1 13/14
KATEGORIA PRZEDMIOTU	Przedmioty podstawowe
LICZBA PUNKTÓW ECTS	8.00
SEMESTRY	1

### 2 RODZAJ ZAJĘĆ, LICZBA GODZIN W PLANIE STUDIÓW

SEMESTR	WYKŁAD	ĆWICZENIA AUDYTORYJNE	LABORATORIA	LABORATORIA KOMPUTERO- WE	PROJEKTY	SEMINARIUM
1	45	60	0	0	0	0

### 3 CELE PRZEDMIOTU

**Cel 1** Opanowanie podstaw algebry liniowej

**Cel 2** Opanowanie podstaw analizy matematycznej

## 4 WYMAGANIA WSTĘPNE W ZAKRESIE WIEDZY, UMIEJĘTNOŚCI I INNYCH KOMPETENCJI

1 Znajomość matematyki ze szkoły średniej

## 5 EFEKTY KSZTAŁCENIA

**EK1 Wiedza** Znajomość definicji, twierdzeń i metod algebry liniowej

**EK2 Wiedza** Znajomość definicji, twierdzeń i metod analizy matematycznej

**EK3 Umiejętności** Rozwiązywanie zadań z algebry liniowej

**EK4 Umiejętności** Rozwiązywanie zadań z analizy matematycznej

## 6 TREŚCI PROGRAMOWE

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
<b>W1</b>	Liczby zespolone-definicja, dodawanie, mnożenie, dzielenie liczb zespolonych, postać trygonometryczna liczby zespolonej, potęgowanie i pierwiastkowanie liczb zespolonych.	2
<b>W2</b>	Macierze, działania na macierzach, wyznaczniki i ich własności, układ równań liniowych, twierdzenie Cramera, twierdzenie Kroneckera-Capellego.	6
<b>W3</b>	Wektory, działania na wektorach, iloczyn skalarny, wektorowy i mieszany, prosta i płaszczyzna w przestrzeni euklidesowej trójwymiarowej.	5
<b>W4</b>	Ciągi liczbowe-twierdzenie o trzech ciągach, twierdzenie o monotonii, ciągi specjalne i ich granice, szeregi liczbowe, kryteria zbieżności.	6
<b>W5</b>	Funkcje zmiennej rzeczywistej. Funkcja złożona, odwrotna, funkcje cyklotometryczne, funkcje elementarne, granica, granice specjalne dla funkcji, ciągłość, pochodna funkcji, pochodne funkcji elementarnych, twierdzenia o różniczkowaniu, twierdzenia Rolle'a, Lagrange'a, de l'Hospitala, pochodne wyższych rzędów, twierdzenie Taylora, monotoniczność, ekstrema, asymptoty, badanie przebiegu zmienności funkcji.	8
<b>W6</b>	Całka nieoznaczona-definicja, całkowanie przez podstawianie i przez części, całkowanie funkcji wymiernych i pewnych typów funkcji niewymiernych.	4
<b>W7</b>	Całka oznaczona-definicja, związek z całką nieoznaczoną, własności, zastosowania.	3
<b>W8</b>	Funkcje wielu zmiennych, granica, pochodna cząstkowa, różniczka, pochodna kierunkowa, różniczkowanie funkcji złożonej, twierdzenie Taylora, ekstrema lokalne.	4
<b>W9</b>	Całki podwójne i potrójne-definicja, twierdzenie Fubiniego, całkowanie po obszarach normalnych na płaszczyźnie, zamiana zmiennych w całce podwójnej.	3
<b>W10</b>	Całki krzywoliniowe i powierzchniowe (informacyjnie).	2

WYKŁAD		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
W11	Równania różniczkowe zwyczajne pierwszego rzędu (informacyjnie). Całka szczególna i całka ogólna równania, twierdzenie o istnieniu i jednoznaczności, równanie o zmiennych rozdzielonych.	2

ĆWICZENIA AUDYTORYJNE		
LP	TEMATYKA ZAJĘĆ OPIS SZCZEGÓŁOWY BLOKÓW TEMATYCZNYCH	LICZBA GODZIN
C1	Dodawanie, mnożenie, dzielenie liczb zespolonych, sprowadzanie do postaci trygonometrycznej, potęgowanie, pierwiastkowanie .	3
C2	Działania na macierzach, obliczanie wyznaczników, wyznaczanie macierzy odwrotnej, rozwiązywanie układów równań liniowych w oparciu o twierdzenia Cramera i Kroneckera-Capellego.	8
C3	Iloczyn skalarny , wektorowy, mieszany, postać ogólna, parametryczna i odcinkowa płaszczyzny, postać parametryczna , krawędziowa i kierunkowa prostej w przestrzeni, odległość punktu od płaszczyzny, wzajemne położenie prostych i płaszczyzn w przestrzeni.	6
C4	Obliczanie granic ciągów, zastosowanie kryteriów porównawczego, limesowego, Cauchy'ego, d'Alemberta, Leibniza do badania zbieżności szeregów.	8
C5	Obliczanie granic funkcji, pochodnych, badanie ciągłości i przebiegu zmienności funkcji.	10
C6	Całkowanie przez podstawianie i przez części, całkowanie funkcji trygonometrycznych, wymiernych i pewnych funkcji niewymiernych.	5
C7	Obliczanie pól obszarów , objętości brył obrotowych i długości łuków.	5
C8	Obliczanie granic , pochodnych cząstkowych, różniczek, pochodnych kierunkowych, wyznaczanie lokalnych ekstremów funkcji dwóch zmiennych.	5
C9	Współrzędne biegunowe, obliczanie objętości brył i pól płatów powierzchniowych.	4
C10	Całki krzywoliniowe i powierzchniowe.	3
C11	Rozwiązywanie równań różniczkowych o zmiennych rozdzielonych, równań jednorodnych ze względu na zmienne, równań liniowych i zupełnych.	3

## 7 NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE

N1 Wykłady

N2 Zadania tablicowe

N3 Konsultacje

## 8 OBCIĄŻENIE PRACĄ STUDENTA

FORMA AKTYWNOŚCI	ŚREDNIA LICZBA GODZIN NA ZREALIZOWANIE AKTYWNOŚCI
<b>Godziny kontaktowe z nauczycielem akademickim, w tym:</b>	
Godziny wynikające z planu studiów	0
Konsultacje przedmiotowe	5
Egzaminy i zaliczenia w sesji	10
<b>Godziny bez udziału nauczyciela akademickiego wynikające z nakładu pracy studenta, w tym:</b>	
Przygotowanie się do zajęć, w tym studiowanie zalecanej literatury	120
Opracowanie wyników	0
Przygotowanie raportu, projektu, prezentacji, dyskusji	0
<b>SUMARYCZNA LICZBA GODZIN DLA PRZEDMIOTU WYNIKAJĄCA Z CAŁEGO NAKŁADU PRACY STUDENTA</b>	<b>135</b>
SUMARYCZNA LICZBA PUNKTÓW ECTS DLA PRZEDMIOTU	8.00

## 9 SPOSOBY OCENY

### OCENA FORMUJĄCA

F1 Kolokwium

### OCENA PODSUMOWUJĄCA

P1 Egzamin pisemny

P2 Egzamin ustny

P3 Średnia ważona ocen formujących

### WARUNKI ZALICZENIA PRZEDMIOTU

W1 Pozytywna ocena formująca jest warunkiem przystąpienia do egzaminu

### KRYTERIA OCENY

EFEKT KSZTAŁCENIA 1	
NA OCENĘ 3.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 50% do 59%.
NA OCENĘ 3.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 60% do 69%.

NA OCENĘ 4.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 70% do 79%.
NA OCENĘ 4.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 80% do 89%.
NA OCENĘ 5.0	Suma zdobytych przez studenta punktów przekracza 89%.
EFEKT KSZTAŁCENIA 2	
NA OCENĘ 3.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 50% do 59%.
NA OCENĘ 3.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 60% do 69%.
NA OCENĘ 4.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 70% do 79%.
NA OCENĘ 4.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 80% do 89%.
NA OCENĘ 5.0	Suma zdobytych przez studenta punktów przekracza 89%.
EFEKT KSZTAŁCENIA 3	
NA OCENĘ 3.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 50% do 59%.
NA OCENĘ 3.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 60% do 69%.
NA OCENĘ 4.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 70% do 79%.
NA OCENĘ 4.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 80% do 89%.
NA OCENĘ 5.0	Suma zdobytych przez studenta punktów przekracza 89%.
EFEKT KSZTAŁCENIA 4	
NA OCENĘ 3.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 50% do 59%.
NA OCENĘ 3.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 60% do 69%.
NA OCENĘ 4.0	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 70% do 79%.
NA OCENĘ 4.5	Suma zdobytych przez studenta punktów jest w przedziale od 80% do 89%.
NA OCENĘ 5.0	Suma zdobytych przez studenta punktów przekracza 89%.

## 10 MACIERZ REALIZACJI PRZEDMIOTU

EFEKT KSZTAŁCENIA	ODNIESIENIE DANEGO EFEKTU DO SZCZEGÓŁOWYCH EFEKTÓW ZDEFINIOWANYCH DLA PROGRAMU	CELE PRZEDMIOTU	TREŚCI PROGRAMOWE	NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE	SPOSOBY OCENY
EK1	K_W01	Cel 1	w1 w2 w3 c1 c2 c3	N1 N2 N3	F1 P1 P2 P3
EK2	K_W01	Cel 2	w4 w5 w6 w7 w8 w9 w10 w11 c4 c5 c6 c7 c8 c9 c10 c11	N1 N2 N3	F1 P1 P2 P3
EK3	K_U07	Cel 1	w1 w2 w3 c1 c2 c3	N1 N2 N3	F1 P1 P2 P3
EK4	K_U01, K_U07	Cel 2	w4 w5 w6 w7 w8 w9 w10 w11 c4 c5 c6 c7 c8 c9 c10 c11	N1 N2 N3	F1 P1 P2 P3

## 11 WYKAZ LITERATURY

### LITERATURA PODSTAWOWA

- [1] | J.Bochenek, T.Winiarska — *Matematyka, cz.I*, Kraków, 2001, Wyd.PK
- [2] | J.Bochenek, T.Winiarska — *Matematyka, cz.II*, Kraków, 1992, Wyd.PK
- [3] | J.Klukowski, I.Nabiałek — *Algebra dla studentów*, Warszawa, 1999, WNT
- [4] | W.Krysicki, L.Włodarski — *Analiza matematyczna w zadaniach, cz.I i II*, Warszawa, 2002, PWN

### LITERATURA UZUPEŁNIAJĄCA

- [1] | W.Żakowski, G.Decewicz — *Matematyka, cz.I*, Warszawa, 2000, WNT
- [2] | W.Żakowski, W.Kołodziej — *Matematyka, cz.II*, Warszawa, 2000, WNT
- [3] | T.Trajdos — *Matematyka, cz.III*, Warszawa, 1999, WNT
- [4] | W.Żakowski, W.Leksiński — *Matematyka, cz.IV*, Warszawa, 2002, WNT
- [5] | W.Stankiewicz — *Zadania z matematyki dla wyższych uczelni technicznych, cz.I A i cz.IB*, Warszawa, 2001, PWN
- [6] | W.Stankiewicz, W.Wojtowicz — *Zadania z matematyki dla wyższych uczelni technicznych, cz.II*, Warszawa, 1983, PWN

## 12 INFORMACJE O NAUCZYCIELACH AKADEMICKICH

### OSOBA ODPOWIEDZIALNA ZA KARTĘ

dr Anna Milian (kontakt: [amilian@pk.edu.pl](mailto:amilian@pk.edu.pl))



## OSOBY PROWADZĄCE PRZEDMIOT

1 dr Anna Milian (kontakt: amilian@pk.edu.pl)

2 dr Jan Pudełko (kontakt: jpudelko@pk.edu.pl)

## 13 ZATWIERDZENIE KARTY PRZEDMIOTU DO REALIZACJI

---

(miejsowość, data)

(odpowiedzialny za przedmiot)

(dziekan)

PRZYJMUJĘ DO REALIZACJI (data i podpisy osób prowadzących przedmiot)

.....

.....